

Schriftliche Prüfung aus Meß - und Regelungstechnik 1 am 26.11.2001

Name:

Vorname(n):

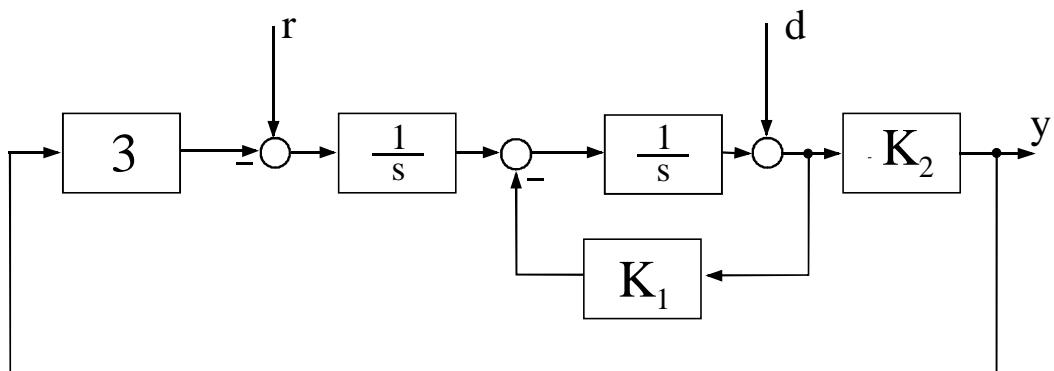
Kenn - u. Matr.Nr.:

Aufgabe	1	2	3	4		$\Sigma$
erreichbare Pkte.	8	6	5	5		24
erreichte Punkte						

Korrespondenz zur Laplace - Transformation:

$$\mathcal{L}^{-1} \left\{ \frac{1}{(s-a)^n} \right\} = \frac{t^{n-1}}{(n-1)!} e^{at}$$

1. Vorgegeben sei folgender Regelkreis mit den Eingangsgrößen  $r$  und  $d$  und der Ausgangsgröße  $y$ .  $K_1$  und  $K_2$  sind reelle Konstanten.



- Berechnen Sie für obigen Regelkreis die beiden Übertragungsfunktionen

$$T(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{r}(s)} \quad \text{für } d(t) = 0$$

und

$$S(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{d}(s)} \quad \text{für } r(t) = 0.$$

- Für welche Werte der reellen Parameter  $K_1$  und  $K_2$  besitzen  $T(s)$  und  $S(s)$  nur Polstellen mit negativem Realteil?
- Bestimmen Sie die beiden Parameter  $K_1$  und  $K_2$  so, daß folgende Forderung erfüllt wird:

$T(s)$  und  $S(s)$  besitzen eine *zweifache* reelle Polstelle bei  $s = -\sqrt{12}$ .

Wie groß ist in diesem Fall  $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t)$  für  $r(t) = \sigma(t)$  und  $d(t) = 0$ ?

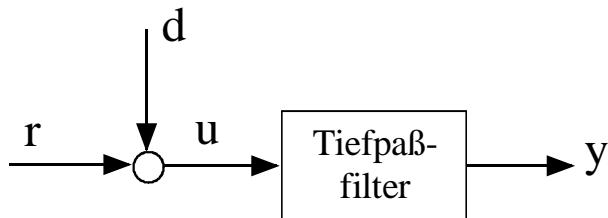
- Fassen Sie die Ausgangsgrößen der beiden Integrierer als Zustandsgrößen auf und ermitteln Sie das zugehörige Zustandsraummodell

$$\begin{aligned}\dot{\mathbf{x}} &= \mathbf{Ax} + \mathbf{Bu} \\ y &= \mathbf{Cx} + \mathbf{Du}\end{aligned}$$

wobei für den Vektor  $\mathbf{u}$  gilt:

$$\mathbf{u} = \begin{bmatrix} r \\ d \end{bmatrix}.$$

2. Betrachten Sie folgende Anordnung, bei der mit Hilfe eines Tiefpaßfilters eine hochfrequente Störung  $d(t)$ , die einem Signal  $r(t)$  überlagert ist, unterdrückt werden soll.



Für das Tiefpaßfilter wird ein Verzögerungsglied 1. Ordnung gewählt.

- Wie lautet in diesem Fall die Übertragungsfunktion

$$G(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{u}(s)}.$$

- Die Parameter des Verzögerungsgliedes 1. Ordnung sollen nun so bestimmt werden, daß folgende Forderungen erfüllt werden:

- (1)  $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$  für  $r(t) = \sigma(t)$  und  $d(t) = 0$
  - (2) Für  $r(t) = 0$  und  $d(t) = \sin 10t$  soll die Amplitude der Ausgangsgröße  $y$  im eingeschwungenen Zustand den Wert  $\frac{1}{10}$  besitzen.
- Betrachten Sie nun mit den eben bestimmten Parameterwerten den Fall  $r(t) = \sin \omega t$  und  $d(t) = 0$ . Bis zu welcher Kreisfrequenz  $\omega$  ist die Amplitude der Ausgangsgröße  $y$  im eingeschwungenen Zustand größer gleich  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ? Wie groß ist bei dieser Kreisfrequenz die Phasenverschiebung zwischen der Eingangs- und der Ausgangsfunktion?

3. Von einem linearen zeitinvarianten Übertragungssystem mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  sei das mathematische Modell bekannt:

$$\begin{aligned}\ddot{y} + 4\dot{y} + 3y &= 4u + 2\dot{u} \\ y(0), \dot{y}(0) \text{ und } u(t) \text{ für } t \geq 0 &\text{ sind gegeben}\end{aligned}$$

- Berechnen Sie dazu die Laplace-Transformierte  $\bar{y}(s)$ .
- Ermitteln Sie die Antwort  $y(t)$  für den Fall

$$y(0) = -1, \dot{y}(0) = 2, u(t) = 0 \text{ für } t \geq 0.$$

- Geben Sie für dieses mathematische Modell eine von Null verschiedene Eingangs-funktion  $u(t)$  und geeignete Anfangswerte  $y(0)$  und  $\dot{y}(0)$  an, sodaß für die zugehörige Antwort gilt:

$$y(t) = 0 \text{ für alle } t \geq 0$$

4. Die folgenden Gleichungen seien das mathematische Modell eines Übertragungssystems mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= x_2 \\ \dot{x}_2 &= -\sin x_1 - x_2 |x_2| + u \\ y &= x_1\end{aligned}$$

- Berechnen Sie die Ruhelagen (Gleichgewichtszustände) dieses Modells für den Fall  $u_R = 0$ .
- Linearisieren Sie das nichtlineare Modell für den Fall kleiner Abweichungen der Größen von ihren Werten in den Ruhelagen.
- Berechnen Sie die Übertragungsfunktion

$$G(s) = \frac{\Delta \bar{y}(s)}{\Delta \bar{u}(s)}$$

des linearisierten Modells und untersuchen Sie die Lage der Polstellen von  $G(s)$  für alle Ruhelagen.

Schriftliche Prüfung aus Meß - und Regelungstechnik 1 am 7.1.2002

Name:

Vorname(n):

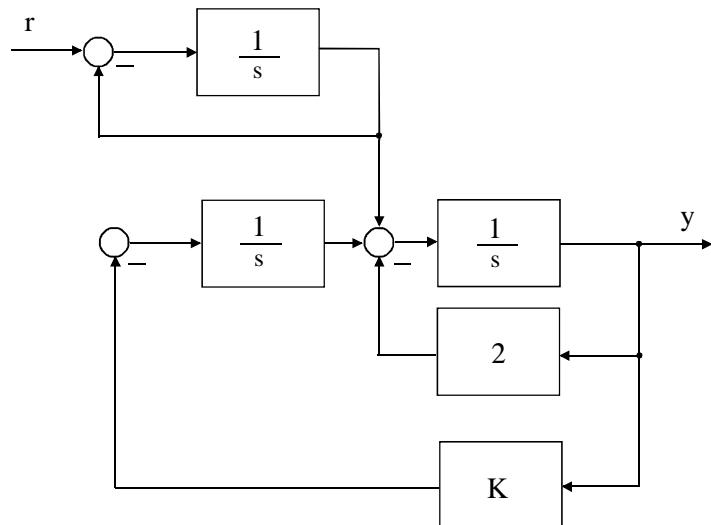
Kenn - u. Matr.Nr.:

Aufgabe	1	2	3	4		$\Sigma$
erreichbare Pkte.	6	8	5	5		24
erreichte Punkte						

Korrespondenz zur Laplace - Transformation:

$$\mathcal{L}^{-1} \left\{ \frac{1}{(s-a)^n} \right\} = \frac{t^{n-1}}{(n-1)!} e^{at}$$

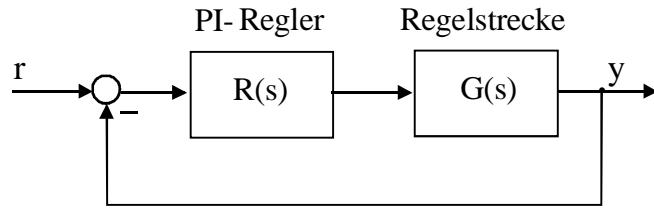
1. Vorgegeben sei folgendes Übertragungssystem mit der Eingangsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ . Die Größe  $K$  ist ein reeller Parameter.



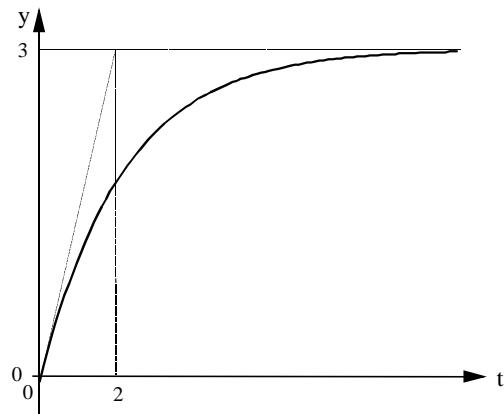
- Ermitteln Sie die zugehörige Übertragungsfunktion  $G(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{r}(s)}$ .
- Berechnen Sie die Pol- und Nullstellen von  $G(s)$ .
- Für welche Werte von  $K$  besitzen alle Pole einen negativen Realteil?
- Wählen Sie die Ausgangsgrößen der Integrierer als Zustandsgrößen und ermitteln Sie das zugehörige mathematische Modell in der Form

$$\begin{aligned}\dot{\mathbf{x}} &= \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{b}r \\ y &= \mathbf{c}^T \mathbf{x} + dr.\end{aligned}$$

2. Vorgegeben sei folgender Regelkreis.



Die Regelstrecke ist ein System erster Ordnung. Ihre Sprungantwort wurde gemessen.



- Bestimmen Sie aus der gemessenen Sprungantwort die Übertragungsfunktion  $G(s)$  der Regelstrecke.
- Als Regler wird ein PI-System gewählt. Wie lautet die zugehörige Übertragungsfunktion  $R(s)$ ?
- Bestimmen Sie die Parameter des PI-Reglers so, daß die Übertragungsfunktion des *geschlossenen* Regelkreises

$$T(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{r}(s)}$$

eine *zweifache* Polstelle bei  $s = -4$  besitzt.

- Berechnen Sie für den so eingestellten Regelkreis die Antwort  $y(t)$  für den Fall, daß als Eingangsfunktion eine Einheitssprungfunktion, d.h  $r(t) = \sigma(t)$ , gewählt wird.

3. Von einem Übertragungssystem mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  sei ein *nichtlineares* mathematisches Modell gegeben.

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= x_2 \\ \dot{x}_2 &= x_3 - 1 \\ \dot{x}_3 &= -x_2^2 - x_3^3 + x_1 u + 2 \\ y &= x_1\end{aligned}$$

- Bestimmen Sie die Ruhelage (Gleichgewichtszustand) des Systems für  $u = u_R = \text{konst.}$
  - Geben Sie ein *lineares* mathematisches Modell an, welches das Systemverhalten für kleine Abweichungen von der Ruhelage beschreibt.
  - Zeichnen Sie das Strukturbild des *linearen* mathematischen Modells.
4. Vorgegeben sei ein verzögernder Differenzierer mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$ .

- Wie lautet seine Übertragungsfunktion  $G(s) = \frac{\bar{y}(s)}{\bar{u}(s)}$ ?
- Zeichnen Sie die zugehörige Frequenzgangsortskurve  $G(j\omega)$  für  $0 \leq \omega < \infty$ .
- Bei welcher Frequenz beträgt die Phasenverschiebung zwischen einer harmonischen Eingangsfunktion und der zugehörigen Antwort im eingeschwungenen Zustand gerade  $\frac{\pi}{4}$ ? Wie groß ist die Amplitude der Ausgangsschwingung bei dieser Frequenz, wenn die Amplitude der Eingangsschwingung den Wert  $U$  besitzt?