

---

## Schriftliche Prüfung aus **Regelungstechnik** am 25.10.2006

Name / Vorname(n):

Kennzahl / Matrikel-Nummer:

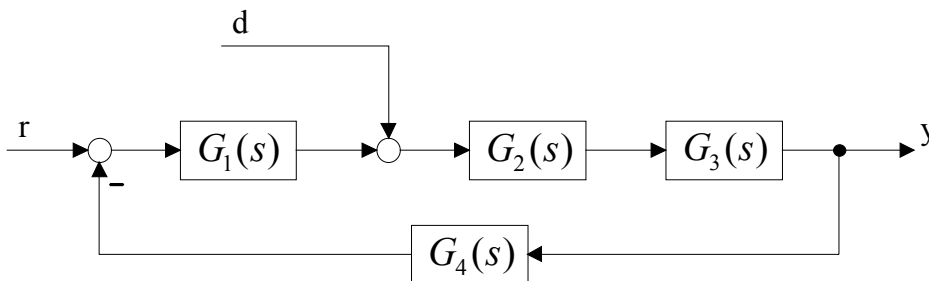
Bonuspunkte aus den MATLAB-Übungen:       ja       nein

---

	①	②	③	④
erreichbare Punkte	4	4	5	4
erreichte Punkte				

**Aufgabe 1:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$ , der Störgröße  $d$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



a) Ermitteln Sie die Stör-Übertragungsfunktion:

$$M(s) = \left. \frac{y(s)}{d(s)} \right|_{x_0=0}$$

als Funktion der Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$ ,  $G_3(s)$  und  $G_4(s)$ .

b) Für die Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$ ,  $G_3(s)$  und  $G_4(s)$  soll nun gelten:

$$\begin{aligned} G_1(s) &= \frac{As + B}{s} & G_2(s) &= \frac{s+1}{s+2} \\ G_3(s) &= \frac{1}{s+4} & G_4(s) &= \frac{1}{s+1} \end{aligned}$$

$A$  und  $B$  sind hierbei reelle Parameter.

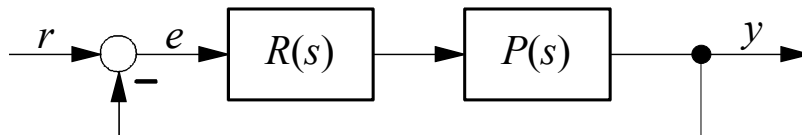
Zeigen Sie, dass für die Stör-Übertragungsfunktion gilt:

$$M(s) = \frac{s(s+1)}{s^3 + 6s^2 + (8+A)s + B}$$

c) Ermitteln Sie den größtmöglichen Wertebereich der Parameter  $A$  und  $B$ , für den die Übertragungsfunktion  $M(s)$  die BIBO-Eigenschaft besitzt. Zeichnen Sie in der A-B-Ebene denjenigen Bereich ein, für den obiger Regelkreis die BIBO-Eigenschaft aufweist.

**Aufgabe 2:**

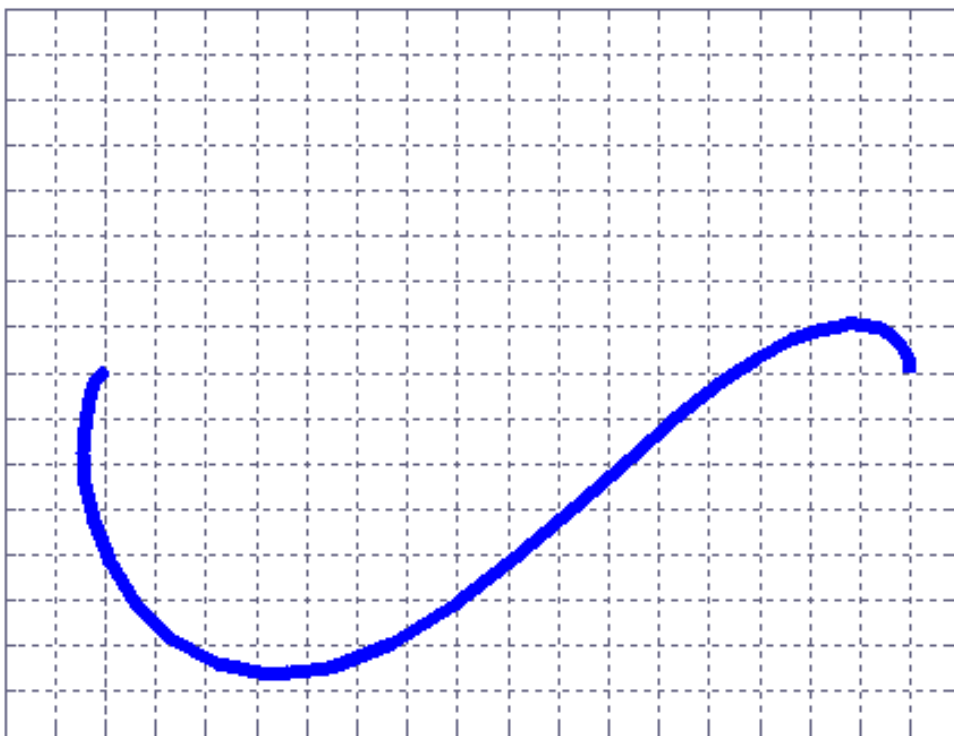
Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$  :



Die Übertragungsfunktion der Strecke lautet: 
$$P(s) = \frac{8s - 24}{(s-1)(s+5)(s+3)}$$

Die Übertragungsfunktion des Reglers lautet: 
$$R(s) = K \quad (K \text{ reell})$$

Zusätzlich liegt der Frequenzgang  $P(j\omega)$  der Strecke (für  $0 \leq \omega < \infty$ ) in maßstablicher Darstellung (aber leider ohne Beschriftung) graphisch vor:



Ermitteln Sie mit Hilfe des Nyquist-Kriteriums den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $K$ , für den obiger Regelkreis die BIBO-Eigenschaft besitzt.

*Hinweis:* 
$$\Delta \arg\{1 + L(j\omega)\} = (n_a + 2n_r) \frac{\pi}{2}$$

$L(s)$  stellt hierbei die Übertragungsfunktion des offenen Kreises dar.

**Aufgabe 3:**

Gegeben sei die zeitdiskrete Übertragungsfunktion  $G(z)$  einer Regelstrecke mit der Eingangsfolge  $(u_i)$  und der Ausgangsfolge  $(y_i)$ :

$$G(z) = \frac{\alpha z}{\left(z - \frac{1}{2}\right)\left(z - \frac{1}{4}\right)}$$

Hierbei ist  $\alpha$  ein von Null verschiedener reeller Parameter.

a) Geben Sie ein Zustandsraum-Modell 2.Ordnung der Form

$$\begin{aligned}\mathbf{x}_{i+1} &= \mathbf{A}_d \mathbf{x}_i + \mathbf{b}_d u_i \\ y_i &= \mathbf{c}_d^T \mathbf{x}_i + d_d u_i\end{aligned}$$

in der *Steuerbarkeits-Normalform* (I.Standardform) an.

b) Für welche Werte des Parameters  $\alpha$  ist das Modell steuerbar bzw. beobachtbar? Geben Sie mathematische Begründungen an!

c) Setzen Sie  $\alpha = 1$  und entwerfen Sie einen Beobachter

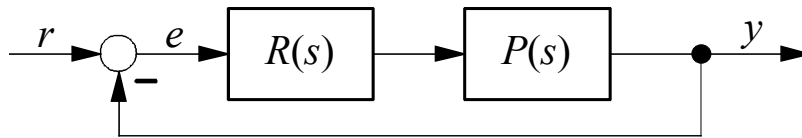
$$\hat{\mathbf{x}}_{i+1} = \hat{\mathbf{A}}_d \hat{\mathbf{x}}_i + \mathbf{b}_d u_i + \hat{\mathbf{b}} y_i$$

so, dass die Eigenwerte der Dynamikmatrix des Schätzfehlers  $\mathbf{e}_i = \mathbf{x}_i - \hat{\mathbf{x}}_i$

bei  $z_1 = -\frac{1}{4}$  und  $z_2 = 0$  liegen.

**Aufgabe 4:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



Für die Übertragungsfunktion der Strecke gilt: 
$$P(s) = -\frac{1}{5} \cdot \frac{(s-200)}{(s+2)(s+20)}$$

Als Regler soll ein Proportionalregler verwendet werden, d.h. für die Übertragungsfunktion des Reglers gilt:  $R(s) = K$ .

- a) Dimensionieren Sie mit Hilfe des Frequenzkennlinienverfahrens den ausgewählten Regler so, dass der offene Kreis eine Durchtrittsfrequenz von  $\omega_c = 20$  besitzt. Die Sprungantwort des geschlossenen Kreises soll dabei eine Überschwingweite von  $M_p = 1.25$  aufweisen.

*Hinweis: Verwenden Sie dazu die asymptotischen Darstellungen von Betrags- und Phasenkennlinie!!!*

- b) Wie groß ist die nun auftretende bleibende Regelabweichung  $e_\infty$  bei einer sprungförmigen Erregung?

## Schriftliche Prüfung aus **Regelungstechnik** am 19.1.2007

NACHNAME:

Vorname(n):

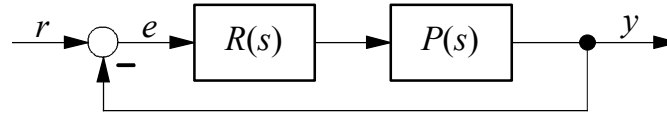
Kenn-Matr.Nr.:

Bonuspunkte aus Matlab-Übung:             Ja             Nein

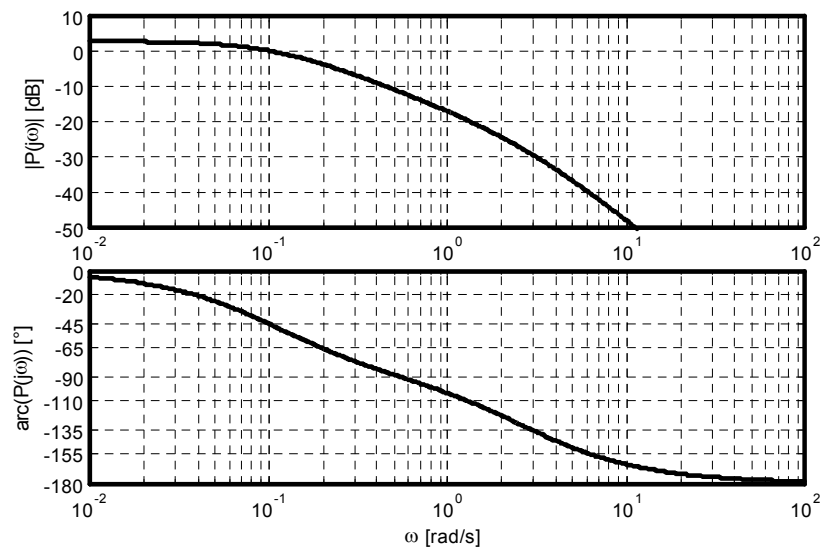
	①	②	③	④	
erreichbare Punkte	5	5	7	4	
erreichte Punkte					

**Aufgabe 1:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



Die Regelstrecke mit der Übertragungsfunktion  $P(s)$  sei „vom einfachen Typ“, ihr Frequenzgang  $P(j\omega)$  liegt in Form eines Bode-Diagramms graphisch vor:



- a) Die Sprungantwort des geschlossenen Regelkreises soll die Merkmale  $M_p = 1.25$  und  $e_\infty = 0$  aufweisen. Hierfür stehen drei verschiedene Regler zur Auswahl:

$$\alpha) \quad R(s) = K \qquad \beta) \quad R(s) = Ks \qquad \gamma) \quad R(s) = \frac{K}{s}$$

$K$  ist hierbei ein reeller Parameter. Wählen Sie einen Regler (*begründen Sie Ihre Wahl*) und dimensionieren Sie diesen mit Hilfe des Frequenzkennlinienverfahrens.

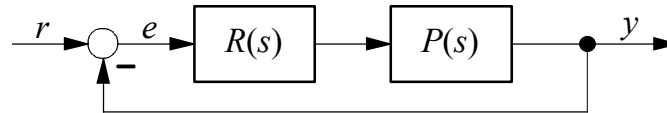
- b) Die Anstiegszeit der Sprungantwort des geschlossenen Regelkreises mit dem unter b) dimensionierten Regler soll bei gleicher Überschwingweite und gleicher bleibender Regelabweichung halbiert werden. Wählen Sie in **nachvollziehbarer** Weise einen geeigneten Regler und dimensionieren Sie diesen näherungsweise.

*Hilfestellung:*

$m$ :	2	3	4	5	6	8	10
$\Delta\varphi_{\max} = \arcsin\left(\frac{m-1}{m+1}\right)$ :	19°	30°	37°	42°	46°	51°	55°
$ m _{dB}$ :	6	9.5	12	14	15.5	18	20

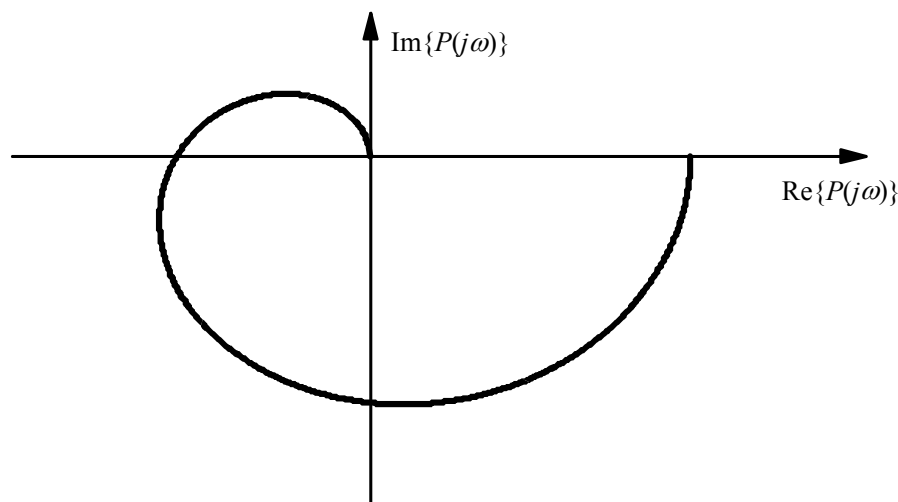
**Aufgabe 2:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



Die Übertragungsfunktion der Regelstrecke lautet: 
$$P(s) = \frac{2-s}{(s+2)(s+3)}.$$

Zusätzlich ist der Frequenzgang  $P(j\omega)$  der Strecke für  $0 \leq \omega < \infty$  mit einer qualitativen (nicht maßstäblichen) Skizze der Ortskurve gegeben:



a) Ermitteln Sie die Schnittpunkte der Ortskurve  $P(j\omega)$  mit der reellen Achse.

Als Regler wird nun ein Proportionalregler  $R(s) = K$  eingesetzt ( $K$  ist ein reeller Parameter).

b) Bestimmen Sie mit Hilfe des Nyquist-Kriteriums **nachvollziehbar** (mit Fallunterscheidung und Ermittlung der stetigen Winkeländerung für jeden Fall) den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $K$ , für den obiger Regelkreis die BIBO-Eigenschaft besitzt.

c) Als Führungsgröße wird nun die Sprungfunktion  $r(t) = \sigma(t)$  gewählt. Bestimmen Sie den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $K$ , für den für die bleibende Regelabweichung  $e_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} e(t)$  gilt:

$$e_\infty < \frac{1}{2}.$$

*Hinweis:*  $\Delta \arg\{1 + L(j\omega)\} = (n_a + 2n_r)\pi / 2$

$L(s)$  stellt hierbei die Übertragungsfunktion des offenen Kreises dar.



**Aufgabe 3:**

Gegeben sei folgendes mathematische Modell einer Regelstrecke mit der Eingangsgröße  $u$ , dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  und der Ausgangsgröße  $y$ :

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u =: \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{b}u$$

$$y = [1 \quad 0] \mathbf{x} =: \mathbf{c}^T \mathbf{x}$$

a) Ermitteln Sie ein Regelgesetz der Form

$$u = -[h_1 \quad h_2] \mathbf{x} + Vr = -\mathbf{h}^T \mathbf{x} + Vr$$

so, dass die Eigenwerte des geregelten Systems bei  $s_{1,2} = -1 \pm j$  liegen und für einen Einheitssprung  $r(t) = \sigma(t)$  gilt:  $y_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$ .

Da der Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  *nicht* messbar ist, wird für die praktische Realisierung obiger Regelung ein Schätzwert  $\hat{\mathbf{x}}$  herangezogen, d.h.:  $u = -\mathbf{h}^T \hat{\mathbf{x}} + Vr$ .

Dafür soll ein Zustandsbeobachter der Form

$$\frac{d\hat{\mathbf{x}}}{dt} = \hat{\mathbf{A}}\hat{\mathbf{x}} + \mathbf{b}u + \hat{\mathbf{b}}y$$

verwendet werden.

b) Bestimmen Sie die Größe  $\hat{\mathbf{b}}$  so, dass die Dynamikmatrix des Beobachterfehlers  $\mathbf{e} := \mathbf{x} - \hat{\mathbf{x}}$  Eigenwerte bei  $\hat{s}_1 = -2$  und  $\hat{s}_2 = -3$  besitzt.

c) Die obige Zusammenschaltung von Regelstrecke, Regler und Beobachter ergibt ein Gesamtsystem der Form

$$\frac{d\mathbf{z}}{dt} = \bar{\mathbf{A}}\mathbf{z} + \bar{\mathbf{b}}r$$

$$y = \bar{\mathbf{c}}^T \mathbf{z}$$

mit dem Zustandsvektor  $\mathbf{z} = \begin{bmatrix} \mathbf{e} \\ \hat{\mathbf{x}} \end{bmatrix}$ .

Bestimmen Sie *zahlenmäßig* die Systemgrößen  $\bar{\mathbf{A}}$ ,  $\bar{\mathbf{b}}$  und  $\bar{\mathbf{c}}^T$ .

d) Ist die Matrix  $\bar{\mathbf{A}}$  regulär? (Geben Sie eine mathematische Begründung an!)

*Hinweis:* Die Determinante einer Matrix entspricht dem Produkt ihrer Eigenwerte.

**Aufgabe 4:**

Es werde ein lineares, zeitinvariantes System mit der Eingangsgröße  $u$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  betrachtet. Unter Zugrundelegung einer Diskretisierungszeit  $T_d$  und unter der Voraussetzung, dass die Eingangsgröße stückweise konstant ist, d.h.

$$u(t) = u(iT_d) =: u_i \quad \text{für} \quad iT_d \leq t < (i+1)T_d \quad \text{mit} \quad i = 0, 1, 2, \dots, K$$

erhält man folgendes zeitdiskrete mathematische Modell (mit  $\mathbf{x}_i := \mathbf{x}(iT_d)$ ):

$$\mathbf{x}_{i+1} = \begin{bmatrix} \cos(2T_d) & \sin(2T_d) \\ -\sin(2T_d) & \cos(2T_d) \end{bmatrix} \mathbf{x}_i + \begin{bmatrix} 1 - \cos(2T_d) \\ \sin(2T_d) \end{bmatrix} u_i.$$

Es wird nun  $T_d = \frac{\pi}{4}$  gewählt.

- a) Bestimmen Sie eine Steuerfolge  $(u_i)$  so, dass der Anfangszustand  $\mathbf{x}_0 = \mathbf{x}(0) = [1 \ 1]^T$  in zwei „Schritten“ in den Zustand  $\mathbf{x} = \mathbf{0}$  übergeführt werden kann.

*Hinweis:* Denken Sie an die besonderen Eigenschaften eines sogenannten „dead beat“-Reglers.

- b) Ermitteln Sie die Menge der Anfangszustände  $\mathbf{x}_0$ , die durch die Steuerfolge  $(u_i) = (u_{\max}, -u_{\max}, 0, 0, 0, 0, \dots, K)$  in den Zustand  $\mathbf{x} = \mathbf{0}$  gebracht werden können ( $u_{\max}$  ist hierbei ein reeller Parameter).

## Schriftliche Prüfung aus **Regelungstechnik** am 9.3.2007

NACHNAME:

Vorname(n):

Kenn-Matr.Nr.:

Bonuspunkte aus Matlab-Übung:

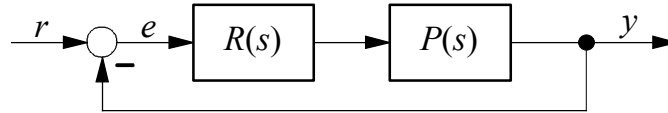
Ja

Nein

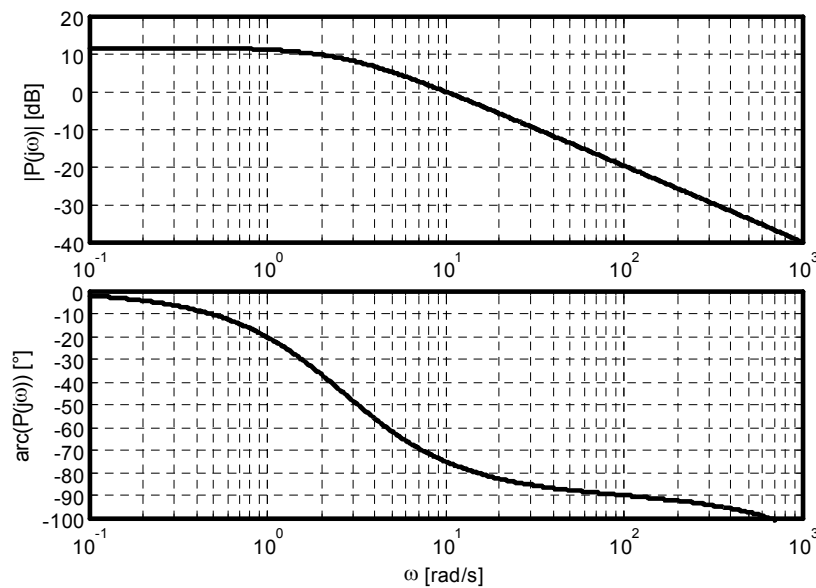
	①	②	③	④
erreichbare Punkte	6	5	5	5
erreichte Punkte				

**Aufgabe 1:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



Die Regelstrecke mit der Übertragungsfunktion  $P(s)$  sei „vom einfachen Typ“, ihr Frequenzgang  $P(j\omega)$  liegt in Form eines Bode-Diagramms graphisch vor:



a) Zunächst soll ein integrierender Regler  $R(s) = \frac{K}{s}$  (mit dem reellen Parameter  $K$ ) so entworfen werden, dass die Anstiegszeit  $t_r$  der Sprungantwort des geschlossenen Regelkreises 0.15 [s] beträgt. Wie groß ist die zu erwartende Überschwingweite  $\ddot{u}$  ?

b) Ermitteln Sie für den unter a) dimensionierten Regler und der Führungsgröße  $r(t) = 2 + 3 \sin(100t)$  den Regelfehler  $e(t)$  im *eingeschwungenen Zustand*.

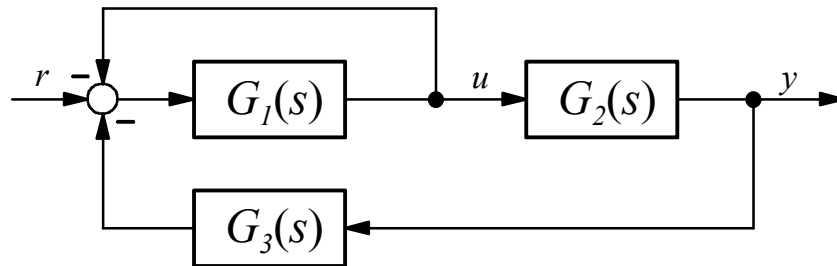
c) Als Regler wird nun  $R(s) = \frac{K}{s} \cdot \frac{1 + s/\omega_z}{1 + s/\omega_N}$  mit  $\omega_N = m\omega_z$

angesetzt ( $K, \omega_z$  und  $\omega_N$  sind hierbei reelle Parameter). Dimensionieren Sie mit Hilfe der folgenden Tabelle (näherungsweise) die Parameter  $\omega_z, \omega_N$  **und**  $K$  so, dass gegenüber a) bei gleicher Anstiegszeit  $t_r$  die Überschwingweite  $\ddot{u}$  auf ein Drittel reduziert wird.

$m$ :	2	3	4	5	6	8	10
$\Delta\varphi_{\max} = \arcsin\left(\frac{m-1}{m+1}\right)$ :	19°	30°	37°	42°	46°	51°	55°
$ m _{dB}$ :	6	9.5	12	14	15.5	18	20

**Aufgabe 2:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



a) Berechnen Sie die Führungsübertragungsfunktion  $T(s)$  als Funktion von  $G_1$ ,  $G_2$  und  $G_3$ .

Für die Übertragungsfunktionen gilt nun (mit dem reellen Parameter  $\alpha$ ):

$$G_1(s) = \frac{2}{(s+2)(s+\alpha)}, \quad G_2(s) = \frac{5}{s-1}, \quad G_3(s) = 2.$$

Somit ergibt sich für die Führungsübertragungsfunktion:

$$T(s) = \frac{10}{s^3 + (\alpha+1)s^2 + \alpha s - (2\alpha-18)}.$$

- b) Ermitteln Sie den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $\alpha$ , für den obiger Regelkreis die BIBO-Eigenschaft aufweist.
- c) Als Führungsgröße wird nun die Sprungfunktion  $r(t) = \sigma(t)$  gewählt.

i) Für welche Werte von  $\alpha$  erhält man  $y_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$  ?

ii) Für welche Werte von  $\alpha$  erhält man  $u_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} u(t) = 1$  ?

*Hinweis:* Für verschwindende Anfangswerte gilt  $u(s) = \frac{y(s)}{G_2(s)}$ .

**Aufgabe 3:**

Gegeben sei die zeitdiskrete Übertragungsfunktion  $P(z)$  einer Regelstrecke mit der Eingangsfolge  $(u_i)$  und der Ausgangsfolge  $(y_i)$ :

$$P(z) = \frac{2z-1}{z^3 - 2.8z^2 - 0.95z - 3.2}$$

a) Geben Sie das zugehörige mathematische Modell der Form

$$\mathbf{x}_{i+1} = \mathbf{A}_d \mathbf{x}_i + \mathbf{b}_d u_i, \quad y_i = \mathbf{c}_d^T \mathbf{x}_i + d_d u_i$$

in der sogenannten *Steuerbarkeits-Normalform* an.

Zur Regelung des Systems aus Punkt a) wird nun ein Zustandsregler der Form

$$u_i = -[h_1 \quad h_2 \quad h_3] \mathbf{x}_i + V r_i = -\mathbf{h}^T \mathbf{x}_i + V r_i$$

eingesetzt.

b) Ermitteln Sie  $\mathbf{h}^T$  und  $V$  so, dass die zugehörige Führungsübertragungsfunktion

$$T(z) = \left. \frac{y(z)}{r(z)} \right|_{\mathbf{x}_0=0} = \frac{6}{z^2 - 1.3z + 0.4}$$

lautet.

c) Ist das geregelte System *beobachtbar*? (Geben Sie eine mathematische Begründung an!)

Da der Zustandsvektor  $\mathbf{x}_i$  *nicht* messbar ist, müsste für die praktische Realisierung obiger Regelung ein Schätzwert  $\hat{\mathbf{x}}_i$  herangezogen werden, d.h.:  $u_i = -\mathbf{h}^T \hat{\mathbf{x}}_i + V r_i$ .

d) Kann dafür *prinzipiell* ein Zustandsbeobachter der Form

$$\hat{\mathbf{x}}_{i+1} = \hat{\mathbf{A}}_d \hat{\mathbf{x}}_i + \mathbf{b}_d u_i + \hat{\mathbf{b}}_d y_i$$

so entworfen werden, dass die Dynamikmatrix des Beobachterfehlers  $\mathbf{e}_i := \mathbf{x}_i - \hat{\mathbf{x}}_i$  *beliebig* vorgebbare Eigenwerte annehmen kann? (Geben Sie eine mathematische Begründung an!)

**Aufgabe 4:**

Gegeben sei folgendes mathematische Modell einer Regelstrecke mit der Eingangsgröße  $u$ , dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  und der Ausgangsgröße  $y$ :

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} u$$

$$y = [1 \quad 1] \mathbf{x}$$

Zur Regelung dieser Strecke wurde ein Regelgesetz der Form

$$u = -[h_1 \quad h_2] \hat{\mathbf{x}} + Vr = -\mathbf{h}^T \hat{\mathbf{x}} + Vr$$

entworfen. Der Vektor  $\hat{\mathbf{x}}$  ist hierbei eine Schätzung des Zustandsvektors  $\mathbf{x}$ , der mit einem Zustandsbeobachter der Form

$$\frac{d\hat{\mathbf{x}}}{dt} = \hat{\mathbf{A}} \hat{\mathbf{x}} + \mathbf{b}u + \hat{\mathbf{b}}y$$

ermittelt wird.

- a) Bestimmen Sie die Größe  $\hat{\mathbf{b}}$  so, dass die Dynamikmatrix des Beobachterfehlers  $\mathbf{e} := \mathbf{x} - \hat{\mathbf{x}}$  Eigenwerte bei  $\hat{s}_1 = -3$  und  $\hat{s}_2 = -4$  besitzt.

Die Zusammenschaltung von Regelstrecke, Zustandsregler und Zustandsbeobachter ergibt ein Gesamtsystem der Form

$$\frac{d\mathbf{z}}{dt} = \bar{\mathbf{A}}\mathbf{z} + \bar{\mathbf{b}}r \quad \text{mit} \quad \mathbf{z} = \begin{bmatrix} \mathbf{x} \\ \hat{\mathbf{x}} \end{bmatrix} \quad \text{und} \quad \bar{\mathbf{A}} = \begin{bmatrix} . & 2 & . & -1 \\ . & 1 & . & -2 \\ . & 1 & -4 & 0 \\ . & 7 & -12 & -8 \end{bmatrix}, \quad \bar{\mathbf{b}} = \begin{bmatrix} . \\ 4 \\ . \\ . \end{bmatrix},$$

$$y = \bar{\mathbf{c}}^T \mathbf{z}$$

wobei durch eine fehlerhafte Übertragung leider einige Elemente verloren gingen.

- b) Bestimmen Sie die fehlenden Elemente von  $\bar{\mathbf{A}}$  und  $\bar{\mathbf{b}}$  sowie zahlenmäßig die Systemgröße  $\bar{\mathbf{c}}^T$ .
- c) Berechnen Sie *alle* Lösungen der charakteristischen Gleichung  $\det(s\mathbf{E} - \bar{\mathbf{A}}) = 0$ .

---

## Schriftliche Prüfung aus **Regelungstechnik** am 29.06.2007

Name / Vorname(n):

Matrikel-Nummer:

Bonuspunkte aus den MATLAB-Übungen:       ja       nein

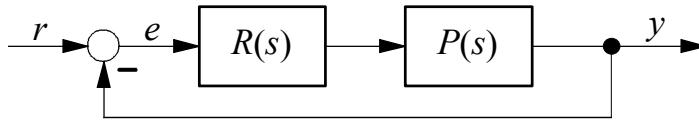
---

	①	②	③	④
erreichbare Punkte	4	4	7	6
erreichte Punkte				



**Aufgabe 1:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$  :



Die Übertragungsfunktion der Strecke lautet:  $P(s) = \frac{s^2 + 5s + 4}{s^3}$

Die Übertragungsfunktion des Reglers lautet:  $R(s) = K$  ( $K$  reell)

- Skizzieren Sie die Ortskurve  $P(j\omega)$  der Strecke und bestimmen Sie alle Schnittpunkte mit der reellen Achse.
- Bestimmen Sie mit Hilfe des Nyquist-Kriteriums den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $K$ , für den obiger Regelkreis die BIBO-Eigenschaft besitzt. Ermitteln Sie dazu *nachvollziehbar für alle möglichen Fälle* die stetige Winkeländerung!

*Hinweis:*  $\Delta \arg\{1 + L(j\omega)\} = (n_a + 2n_r) \frac{\pi}{2}$

$L(s)$  stellt hierbei die Übertragungsfunktion des offenen Kreises dar.

**Aufgabe 2:**

Gegeben sei das mathematische Modell einer Regelstrecke mit der Eingangsgröße  $u$  und der Messgröße  $y$  :

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} u \quad y = [2 \quad 0] \mathbf{x}$$

- a) Zur Regelung stehen zwei Zustandsregler zur Verfügung:

$$(i) \quad u = -[-1 \quad -1]^T \mathbf{x} + V r \quad (ii) \quad u = -[-5 \quad -5]^T \mathbf{x} + V r$$

Wählen Sie einen Regler (begründen sie Ihre Wahl!) und bestimmen Sie den Vorfaktor  $V$  so, dass die Bedingung  $y_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$  für  $r(t) = \sigma(t)$  erfüllt ist.

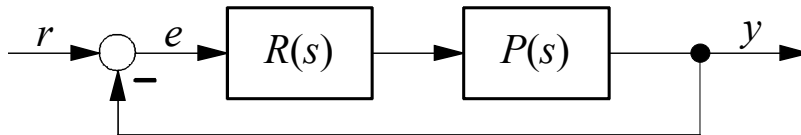
- b) Da der Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  *nicht* messbar ist, wird für die praktische Realisierung obiger Regelung ein Schätzwert  $\hat{\mathbf{x}}$  herangezogen, d.h.  $u = -\mathbf{h}^T \hat{\mathbf{x}} + V r$ . Dafür soll ein Zustandsbeobachter der Form:

$$\frac{d\hat{\mathbf{x}}}{dt} = \hat{\mathbf{A}} \hat{\mathbf{x}} + \mathbf{b}u + \hat{\mathbf{b}}y$$

verwendet werden. Berechnen Sie die Größe  $\hat{\mathbf{b}}$  so, dass die Eigenwerte der Matrix  $\hat{\mathbf{A}}$  bei  $s_1 = s_2 = -5$  liegen.

**Aufgabe 3:**

Gegeben sei das Blockschaltbild eines Regelkreises mit der Führungsgröße  $r$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



Für die Übertragungsfunktion der Strecke gilt: 
$$P(s) = \frac{100(s+0.1)}{s(s+1)(s+100)}$$

- a) Skizzieren Sie das Bode-Diagramm des offenen Kreises, wenn als Regler  $R(s)=1$  gewählt wird. Bestimmen Sie die Durchtrittsfrequenz  $\omega_c$ .
- b) Es soll nun eine Übertragungsfunktion  $R(s)$  des Reglers so ermittelt werden, dass die Sprungantwort des Regelkreises näherungsweise eine Anstiegszeit von  $t_r = 0.015s$  besitzt und die bleibende Regelabweichung  $e_\infty = \lim_{t \rightarrow \infty} e(t)$  verschwindet, d.h.  $e_\infty = 0$  gilt.

Zur Lösung dieser Aufgabe haben Sie die Auswahl zwischen zwei Reglern ( $K$  und  $\omega_1$  sind reelle Parameter):

- (i)  $R(s) = K$
- (ii)  $R(s) = K \frac{(1 + s/\omega_1)}{s}$

Wählen Sie einen Regler aus und begründen sie Ihre Wahl.

- c) Dimensionieren Sie die in Punkt b) ausgewählten Regler mit Hilfe des Frequenzkennlinienverfahrens so, dass obige Anforderungen erfüllt werden. Wie groß ist die zu erwartende Überschwingweite  $M_p$ ?
- d) Entwerfen Sie nun einen Regler, der bei gleicher Anstiegszeit  $t_r$  zu einem prozentualen Überschwingen von  $\ddot{u} = 6\%$  führt. Geben Sie die komplette Reglerübertragungsfunktion an!

$m$ :	2	3	4	5	6
$\Delta\varphi_{\max} = \arcsin\left(\frac{m-1}{m+1}\right)$ :	19°	30°	37°	42°	46°
$ m _{dB}$ :	6	9.5	12	14	15.5

**Aufgabe 4:**

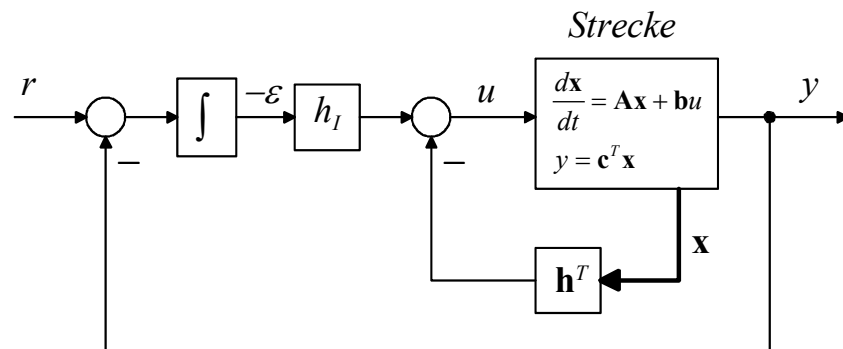
Gegeben sei das mathematische Modell einer Regelstrecke mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  ( $\alpha$ ,  $\beta$  und  $\gamma$  reell):

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \begin{bmatrix} \alpha & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} -1 \\ \beta \end{bmatrix} u$$

$$y = [\gamma \quad 1] \mathbf{x}$$

- a) Geben Sie Bedingungen für  $\alpha$ ,  $\beta$  und  $\gamma$  an, damit das System steuerbar bzw. beobachtbar ist.
- b) Für die Parameter  $\alpha$ ,  $\beta$  und  $\gamma$  gilt nun:  $\alpha = 2$ ,  $\beta = 1$ ,  $\gamma = 0$

Entwerfen Sie einen Zustandsregler mit Integrierer der Form:  $u = -\mathbf{h}^T \mathbf{x} - h_I \varepsilon$



so, dass die Eigenwerte des geregelten Systems mit dem Zustandsvektor  $\mathbf{z} = [\mathbf{x} \quad \varepsilon]^T$  bei  $s_1 = s_2 = -1$  und  $s_3 = -2$  liegen.