



**Aufgabe 1:**

Geben Sie die *Definitionen* folgender Eigenschaften eines *zeitkontinuierlichen* linearen zeitinvarianten Zustandsraummodells mit dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  und der Eingangsgröße  $u$  an:

- asymptotische Stabilität;
- BIBO-Stabilität.

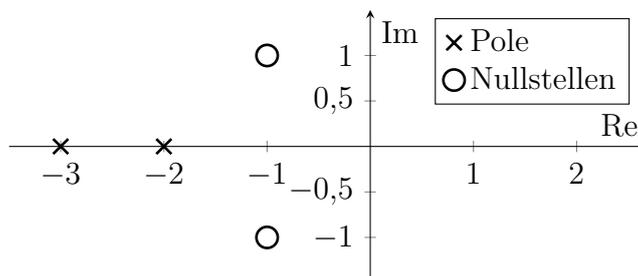
**Aufgabe 2:**

Geben Sie zu folgenden linearen zeitinvarianten Übertragungsgliedern jeweils die Übertragungsfunktion  $G(s)$  an und skizzieren Sie die zugehörige Sprungantwort  $h(t)$ :

- Verzögerungsglied erster Ordnung (PT<sub>1</sub>-Glied);
- Vorhalteglied (DT<sub>1</sub>-Glied).

**Aufgabe 3:**

Betrachten Sie folgenden PN-Plan der Übertragungsfunktion  $G(s)$  eines zeitkontinuierlichen linearen zeitinvarianten Übertragungssystems (alle eingezeichneten Pole und Nullstellen haben Vielfachheit eins).



Ferner ist bekannt, dass die Ausgangsgröße  $y(t)$  für die Eingangsgröße  $u(t) = \sigma(t)$  (d.h. für einen Einheitssprung) die Relation

$$\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$$

erfüllt. Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion  $G(s)$ .

**Aufgabe 4:**

Es sei ein Polynom  $p(s) = s^3 + s^2 + a_1s + a_0$  gegeben. Ermitteln Sie den größtmöglichen Wertebereich der reellen Parameter  $a_0$  und  $a_1$ , für den  $p(s)$  ein Hurwitzpolynom ist.

**Aufgabe 5:**

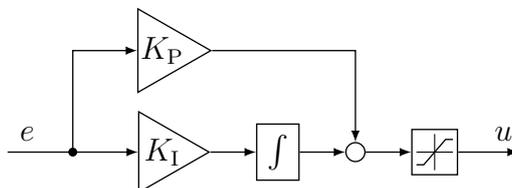
Ermitteln Sie mit der Methode nach Tustin eine zeitdiskrete Approximation  $R_d(z)$  der Reglerübertragungsfunktion

$$R(s) = \frac{28s - 20}{s + 7}$$

für eine Abtastzeit  $T_d = 2$ . Geben Sie das zugehörige Regelgesetz zur Ermittlung der Stellfolge  $(u_k)$  aus der Regelfehlerfolge  $(e_k)$  in Form einer Differenzgleichung an.

**Aufgabe 6:**

Betrachten Sie folgendes Strukturbild eines PI-Reglers in Parallelrealisierung mit dem Regelfehler  $e$  und der Stellgröße  $u$ :



Erweitern Sie das Strukturbild um eine Anti-Windup Maßnahme. Warum ist diese Maßnahme notwendig?

**Aufgabe 7:**

Gegeben sei das Modell einer Regelstrecke in Form der Übertragungsfunktion

$$P(s) = \frac{s - 2}{s^2 - 1}$$

Für den zu entwerfenden Regelkreis (erweiterte Regelkreisstruktur) wurde die Führungsübertragungsfunktion

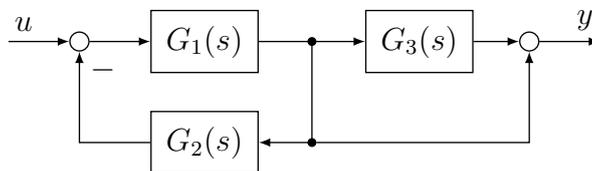
$$T(s) = \frac{\mu_T(s)}{(s + 1)^2}$$

gewählt, wobei  $\mu_T(s)$  das Zählerpolynom repräsentiert.

- a) Geben Sie Bedingungen für  $\mu_T(s)$  an, sodass  $T(s)$  implementierbar ist.
- b) Wählen Sie ein Polynom  $\mu_T(s)$  *möglichst niedrigen Grades*, das die Bedingungen
  - i)  $T(s)$  ist implementierbar
  - ii) stationäre Genauigkeit, d.h.  $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = 1$  für  $r(t) = \sigma(t)$  erfüllt.

**Aufgabe 8:**

Betrachten Sie folgende Zusammenschaltung eines Übertragungssystems mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$ :



- a) Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion  $G(s) := \left. \frac{\bar{y}(s)}{\bar{u}(s)} \right|_{AW=0}$  allgemein in Abhängigkeit der Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$  und  $G_3(s)$ .
- b) Zeigen Sie, dass für

$$G_1(s) = \frac{1}{s+3}, \quad G_2(s) = \frac{k}{s+1}, \quad G_3(s) = \frac{1}{s+1}$$

die Übertragungsfunktion  $G(s)$  durch

$$G(s) = \frac{s+2}{s^2 + 4s + 3 + k}$$

gegeben ist. Hierbei ist  $k$  ein *reeller* Parameter.

- c) Bestimmen Sie den größtmöglichen Wertebereich des Parameters  $k$ , für den die Übertragungsfunktion  $G(s)$  die BIBO-Eigenschaft besitzt.



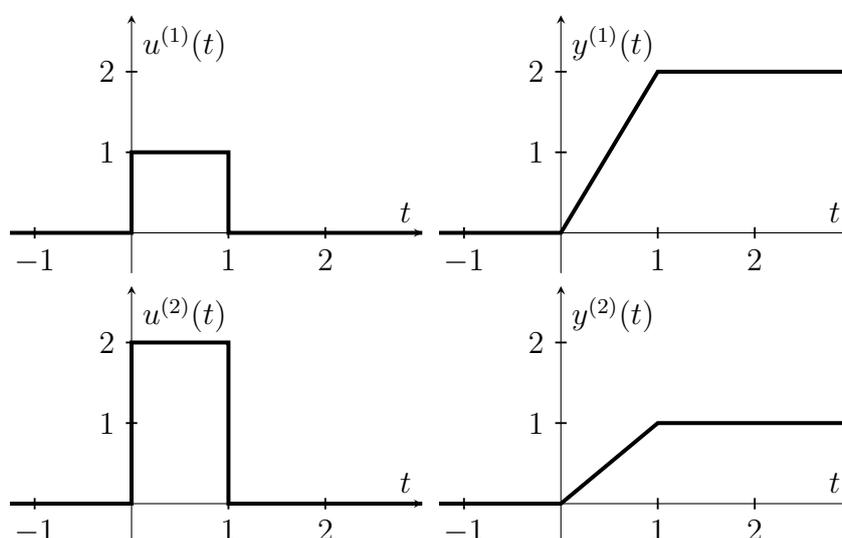
**Aufgabe 1:**

Geben Sie die *Definitionen* folgender Eigenschaften eines linearen zeitkontinuierlichen Systems mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  an:

- Kausalität;
- BIBO-Stabilität.

**Aufgabe 2:**

Es wird ein zeitkontinuierliches System mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  betrachtet. Im Rahmen von Experimenten wurden für die im Folgenden dargestellten Zeitfunktionen  $u^{(1)}(t)$  und  $u^{(2)}(t)$  die jeweils nebenstehend abgebildeten Ausgangsgrößenverläufe  $y^{(1)}(t)$  und  $y^{(2)}(t)$  erhalten:



Kann es sich hierbei prinzipiell, d.h. vorbehaltlich der Ergebnisse weiterer Versuche und Untersuchungen, um ein lineares zeitinvariantes System handeln? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)

**Aufgabe 3:**

Gegeben sei das Polynom

$$p(s) = (-1)s^4 + \alpha s^3 + 2\beta s^2 + \alpha s + \beta - 1.$$

Ermitteln Sie mit Hilfe des Routh-Schemas Bedingungen für die Parameter  $\alpha$  und  $\beta$ , welche notwendig und hinreichend dafür sind, dass  $p(s)$  ein Hurwitzpolynom ist.

**Aufgabe 4:**

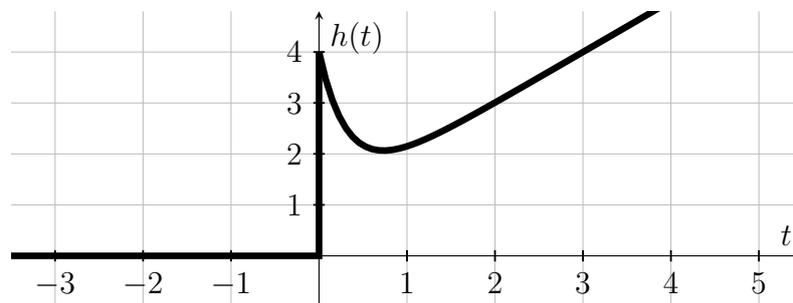
Gegeben sei ein nichtlineares Zustandsraummodell zweiter Ordnung mit den Zustandsvariablen  $x_1$  und  $x_2$ :

$$\begin{aligned}\frac{dx_1}{dt} &= 2 - x_2 \\ \frac{dx_2}{dt} &= x_2 x_1^2 - 8\end{aligned}$$

Ermitteln Sie alle Ruhelagen des Systems.

**Aufgabe 5:**

Gegeben sei folgende Sprungantwort eines realisierbaren PID-Reglers:



Es ist bekannt, dass die Realisierungszeitkonstante den Wert  $T_R = \frac{1}{3}$  hat. Lesen Sie den Proportionalbeiwert  $K_P$ , die Nachstellzeit  $T_N$  und die Vorhaltezeit  $T_V$  des PID-Reglers aus dem Diagramm ab und geben Sie die Übertragungsfunktion  $R(s)$  des Reglers an.

**Aufgabe 6:**

Es sei eine Regelstrecke mit der Übertragungsfunktion  $P(s)$  gegeben:

$$P(s) = \frac{s^2 - s + 1}{s^3}$$

Geben Sie zu dieser Streckenübertragungsfunktion jeweils, sofern möglich, ein Beispiel für eine *implementierbare* Führungsübertragungsfunktion

- 2. Ordnung,
- 3. Ordnung,
- 4. Ordnung

an. (*Begründen Sie jeweils Ihre Antwort!*)

**Aufgabe 7:**

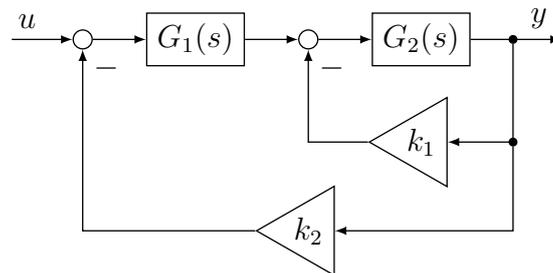
Von einer gebrochen rationalen Übertragungsfunktion  $G(s)$  zweiter Ordnung mit reellen Koeffizienten ist bekannt, dass Folgendes gilt:

$$G(-j) = 0, \quad \lim_{s \rightarrow 1-j} |G(s)| = \infty, \quad G(0) = 2.$$

Ermitteln Sie  $G(s)$ .

**Aufgabe 8:**

Betrachten Sie folgende Zusammenschaltung zweier Übertragungssysteme  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$ :



Hierbei sind  $k_1$  und  $k_2$  reelle Parameter. Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion  $G(s)$  des Gesamtsystems mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$ .



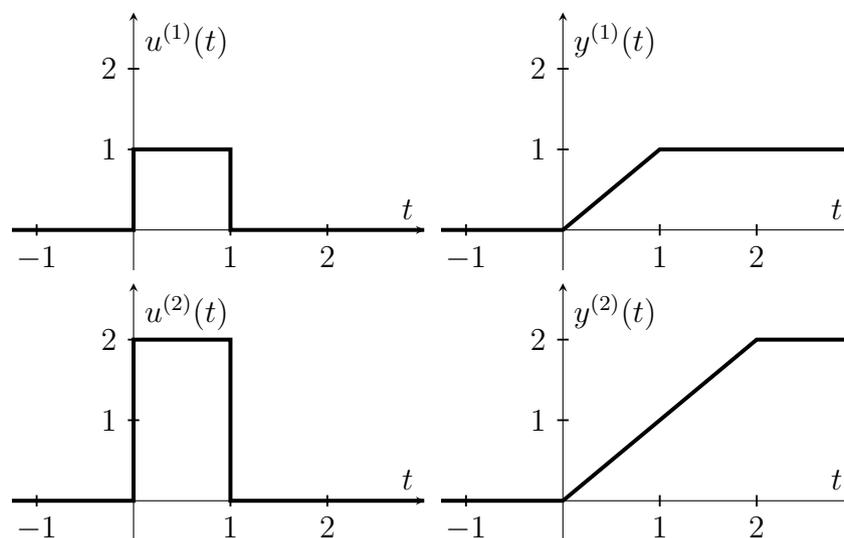
**Aufgabe 1:**

Geben Sie ein zeitkontinuierliches lineares zeitinvariantes Zustandsraummodell erster Ordnung mit der Zustandsvariablen  $x$ , der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  an, das die folgenden Eigenschaften besitzt:

- Sprungfähigkeit
- asymptotische Stabilität

**Aufgabe 2:**

Es wird ein zeitkontinuierliches System mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  betrachtet. Im Rahmen von Experimenten wurden für die im Folgenden dargestellten Zeitfunktionen  $u^{(1)}(t)$  und  $u^{(2)}(t)$  die jeweils nebenstehend abgebildeten Ausgangsgrößenverläufe  $y^{(1)}(t)$  und  $y^{(2)}(t)$  erhalten:



Kann es sich hierbei prinzipiell, d.h. vorbehaltlich der Ergebnisse weiterer Versuche und Untersuchungen, um ein lineares zeitinvariantes System handeln? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)

**Aufgabe 3:**

Geben Sie zu den folgenden linearen zeitinvarianten Übertragungsgliedern jeweils die Differentialgleichung und die dazugehörige Sprungantwort  $h(t)$  an:

- Verzögerungsglied erster Ordnung (PT1-Glied)
- Integrator (I-Glied)

**Aufgabe 4:**

Gegeben sei ein nichtlineares Zustandsraummodell zweiter Ordnung mit den Zustandsvariablen  $x_1$  und  $x_2$ :

$$\begin{aligned}\frac{dx_1}{dt} &= 2x_1x_2 + \sin x_1, \\ \frac{dx_2}{dt} &= -x_2 + u^2, \\ y &= x_1x_2.\end{aligned}$$

Ermitteln sie für die Ruhelage

$$\mathbf{x}_R^T = [0 \quad 4]^T, \quad u_R = 2$$

das linearisierte Zustandsraummodell

$$\begin{aligned}\frac{d\Delta\mathbf{x}}{dt} &= \mathbf{A}\Delta\mathbf{x} + \mathbf{b}\Delta u, \\ \Delta y &= \mathbf{c}^T \Delta\mathbf{x},\end{aligned}$$

wobei

$$\Delta\mathbf{x} = \mathbf{x} - \mathbf{x}_R, \quad \Delta u = u - u_R \quad \text{und} \quad \Delta y = y - y_R$$

gilt.

**Aufgabe 5:**

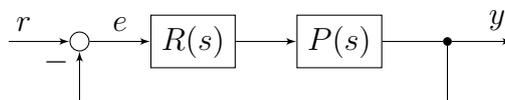
Es sei ein Polynom

$$p(s) = a_3s^3 + a_2s^2 + s + 1$$

gegeben. Ermitteln sie den *größtmöglichen* Wertebereich der reellen Parameter  $a_3$  und  $a_2$ , für den  $p(s)$  ein Hurwitzpolynom ist.

**Aufgabe 6:**

Gegeben sei ein Standardregelkreis



mit der Regelstrecke

$$P(s) = \frac{s-1}{s(s+2)}$$

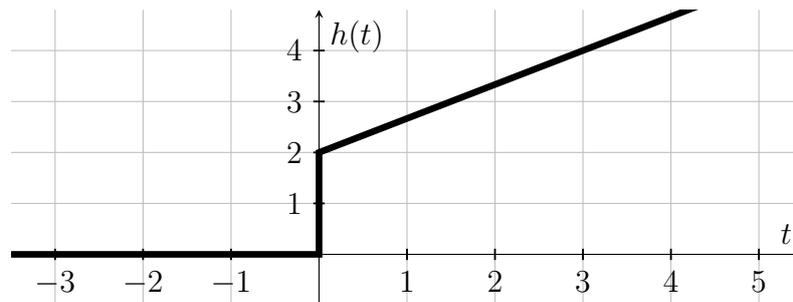
und der gewünschten Führungsübertragungsfunktion

$$T(s) = \frac{-2(s-1)}{s^2 + 5s + 2}.$$

- Ist  $T(s)$  implementierbar? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)
- Ermitteln Sie den Regler  $R(s)$ , der zur Übertragungsfunktion  $T(s)$  führt, durch die direkte Reglerberechnung. Ist der Regelkreis intern stabil? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)

### Aufgabe 7:

Gegeben sei folgende Sprungantwort eines PI-Reglers:



Lesen Sie den Proportionalbeiwert  $K_P$  und die Nachstellzeit  $T_N$  des PI-Reglers aus dem Diagramm ab und geben Sie die Übertragungsfunktion  $R(s)$  des Reglers an.

### Aufgabe 8:

Ermitteln Sie mit der Methode nach Tustin eine zeitdiskrete Approximation  $R_d(z)$  der Reglerübertragungsfunktion

$$R(s) = \frac{s + 6}{s(s + 1)}$$

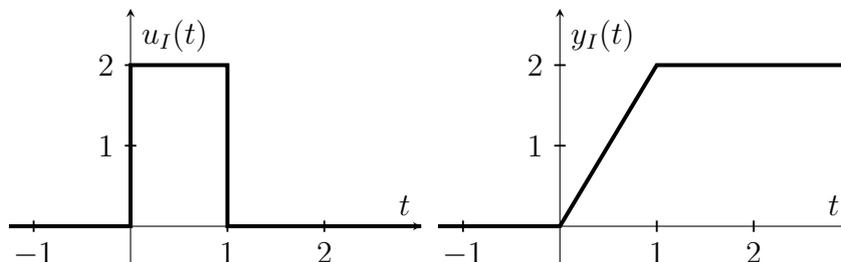
für eine Abtastzeit  $T_d = 1s$ .

- Geben Sie das zugehörige Regelgesetz zur Ermittlung der Stellfolge ( $u_k$ ) aus der Regelfehlerfolge ( $e_k$ ) in Form einer Differenzgleichung an.
- In welchen Bereich der  $z$ -Ebene geht die linke offene  $s$ -Ebene bei Anwendung der Tustin-Formel über?
- Ist die ermittelte zeitdiskrete Reglerübertragungsfunktion  $R_d(z)$  BIBO-stabil? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)



**Aufgabe 1:**

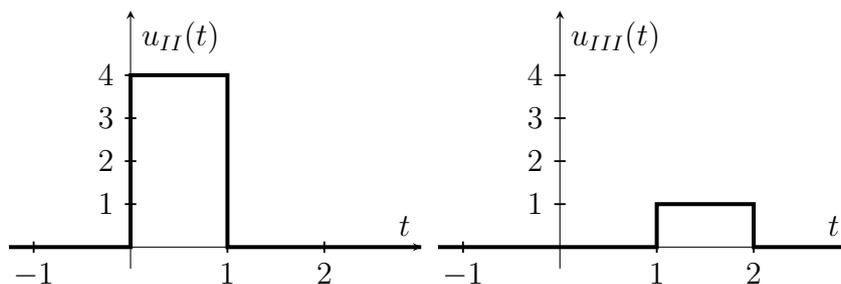
Es wird ein zeitkontinuierliches System mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  betrachtet. Im Rahmen eines Experimentes wurde für die im Folgenden dargestellte Zeitfunktion  $u_I(t)$  der nebenstehend abgebildete Ausgangsgrößenverlauf  $y_I(t)$  erhalten.



In einem zweiten Experiment soll nun die folgende Zeitfunktion als Eingangsgröße dienen:

$$u(t) = u_{II}(t) - 3u_{III}(t),$$

wobei  $u_{II}(t)$  und  $u_{III}(t)$  dargestellt werden können als



Wie muss die Ausgangsgröße  $y(t)$  des Systems im zweiten Experiment für den Fall aussehen, dass es sich um ein *lineares, zeitinvariantes* System handelt.

**Aufgabe 2:**

Von einer gebrochen rationalen Übertragungsfunktion  $G(s)$  *zweiter Ordnung* mit reellen Koeffizienten ist bekannt, dass Folgendes gilt:

$$G(2) = 0, \quad \lim_{s \rightarrow (1-j)} |G(s)| = \infty, \quad G(0) = 4.$$

Weiters ist bekannt, dass es sich um ein *realisierbares* und *nicht sprungfähiges* System handelt.

Ermitteln Sie  $G(s)$ .

**Aufgabe 3:**

Gegeben sind zwei in Serie geschaltene Zustandsmodelle.

System 1:

$$\begin{aligned}\dot{\hat{\mathbf{x}}} &= \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} \hat{\mathbf{x}} + \begin{bmatrix} 0.5 \\ 1 \end{bmatrix} u \\ v &= \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \hat{\mathbf{x}}\end{aligned}$$

System 2:

$$\begin{aligned}\dot{\tilde{x}} &= 2\tilde{x} + 4v \\ y &= \tilde{x}\end{aligned}$$

Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion des Gesamtsystems mit der Eingangsgröße  $u(t)$  und der Ausgangsgröße  $y(t)$ .

Ist das Gesamtsystem *BIBO-stabil*? (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)

**Aufgabe 4:**

Gegeben sei die Übertragungsfunktion einer Regelstrecke.

$$P(s) = \frac{1}{s^3 + 3s}$$

Es soll nun ein Standardregelkreis so ausgelegt werden, dass seine Führungsübertragungsfunktion

$$T(s) = \frac{\mu_T(s)}{\nu_T(s)} = \frac{R(s)P(s)}{1 + R(s)P(s)}$$

das vorgegebene Nennerpolynom

$$\nu_T(s) = (s + 1)^5 = s^5 + 5s^4 + 10s^3 + 10s^2 + 5s + 1$$

besitzt. Ermitteln Sie die Parameter des Reglers

$$R(s) = \frac{b_2s^2 + b_1s + b_0}{a_2s^2 + a_1s + a_0}$$

über die Methode der Polvorgabe.

**Aufgabe 5:**

Gegeben ist ein nichtlineares, zeitkontinuierliches System dritter Ordnung:

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= x_2 \\ \dot{x}_2 &= g - \frac{c}{m} \frac{x_3^2}{x_1^2} \\ \dot{x}_3 &= -\frac{R}{L}x_3 + \frac{2c}{L} \frac{x_2x_3}{x_1^2} + \frac{1}{L}u \\ y &= x_1\end{aligned}$$

mit den bekannten Parametern  $g$ ,  $c$ ,  $m$ ,  $R$  und  $L$ . Ermitteln sie für die Ruhelage  $y = y_R = \text{konst.}$  die zugehörigen Zustandsvariablen  $\mathbf{x}_R = [x_{1,R} \ x_{2,R} \ x_{3,R}]^T$  sowie die Eingangsgröße  $u_R$  in Abhängigkeit von  $y_R$ .

**Aufgabe 6:**

Ermitteln Sie mit Hilfe des Routh-Schemas jeweils den größtmöglichen Wertebereich des reellen Parameters  $k$ , für den die einzelnen Polynome Hurwitzpolynome sind.

$$\begin{aligned}i) \quad p_1(s) &= s^5 + 10s^4 + ks^3 + 2s^2 + 5 \\ ii) \quad p_2(s) &= ks^4 + 2s^3 + k^2s^2 - s + 2 \\ iii) \quad p_3(s) &= s^3 + 2s^2 + s + k \\ iv) \quad p_4(s) &= 15s^2 + ks + 27\end{aligned}$$

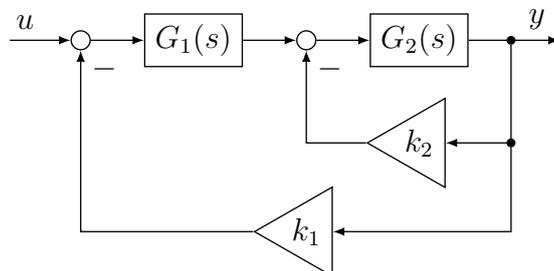
**Aufgabe 7:**

Gegeben sei eine Regelstrecke, an der gefahrlos verschiedenste Experimente durchgeführt werden können. Es soll ein *PID*-Regler zur Regelung dieser Strecke ausgelegt werden.

- Welche Methoden kennen Sie, um günstige Startwerte für die gesuchten Reglerparameter zu finden?
- Erklären Sie eine der Methoden im Detail!
- Worauf ist zu achten, falls eine Stellgrößenbeschränkung vorhanden ist?

**Aufgabe 8:**

Betrachten Sie folgende Zusammenschaltung zweier Übertragungssysteme mit den Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$ :



Hierbei sind  $k_1$  und  $k_2$  reelle Parameter. Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion  $G(s)$  des Gesamtsystems mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$ .



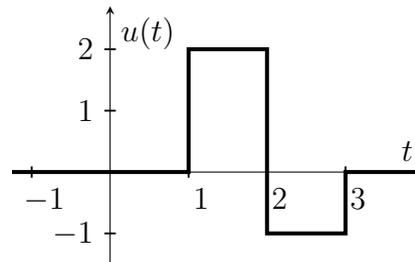
**Aufgabe 1:**

Gegeben sei ein zeitkontinuierliches lineares zeitinvariantes System mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$ , das durch die *Sprungantwort*

$$h(t) = (2 + 3e^{-5t} - 5e^{-t}) \sigma(t)$$

beschrieben wird.

- Ermitteln Sie den exakten zeitlichen Verlauf der Ausgangsgröße  $y(t)$  für die folgende Eingangsgröße:

**Aufgabe 2:**

Gegeben sei ein lineares zeitkontinuierliches zeitinvariantes System mit der Eingangsgröße  $u$ , der Ausgangsgröße  $y$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$ .

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbf{x}}{dt} &= \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u \\ y &= \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} \end{aligned}$$

Überprüfen Sie, ob das gegebene System

- asymptotische Stabilität
- BIBO-Stabilität

aufweist. (*Begründen Sie Ihre Antwort!*)

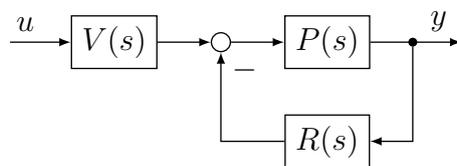
**Aufgabe 3:**

Ermitteln Sie mit Hilfe des Routh-Schemas jeweils den größtmöglichen Wertebereich des reellen Parameters  $k$ , für den die einzelnen Polynome Hurwitzpolynome sind.

- $p_1(s) = ks^5 + 3s^4 + ks^3 + 5s^2 + 0.5s + 2$
- $p_2(s) = ks^4 + 4s^3 + 6s^2 + 4s + 1$

**Aufgabe 4:**

Betrachtet wird die erweiterte Regelkreisstruktur



mit der Regelstrecke

$$P(s) = \frac{1}{s^3 + 3s} = \frac{\mu(s)}{\nu(s)}$$

und den beiden Reglerübertragungsfunktionen

$$R(s) = \frac{b_2s^2 + b_1s + b_0}{a_2s^2 + a_1s + a_0}, \quad V(s) = \frac{c_2s^2 + c_1s + c_0}{a_2s^2 + a_1s + a_0}. \quad (1)$$

- Bestimmen Sie die Polynome  $a(s)$ ,  $b(s)$  und  $c(s)$  so, dass

$$T(s) = \frac{V(s)P(s)}{1 + R(s)P(s)} = \frac{1}{s^5 + 5s^4 + 10s^3 + 10s^2 + 5s + 1} = \frac{\mu_T(s)}{\nu_T(s)}$$

gilt.

**Aufgabe 5:**

Gegeben sei eine Regelstrecke mit der Übertragungsfunktion

$$P(s) = \frac{s^2 - s + 1}{s^3}.$$

Geben Sie zu dieser Streckenübertragungsfunktion jeweils, sofern möglich, ein Beispiel für eine *implementierbare* Führungsübertragungsfunktion

- 2. Ordnung,
- 3. Ordnung,
- 4. Ordnung

an. (*Begründen Sie jeweils Ihre Antwort!*)

**Aufgabe 6:**

Geben Sie zu folgenden linearen zeitinvarianten Übertragungsgliedern jeweils die Übertragungsfunktion  $G(s)$  an und skizzieren Sie jeweils eine typische Sprungantwort  $h(t)$ :

- Proportionalglied;
- Verzögerungsglied erster Ordnung (PT<sub>1</sub>-Glied);

**Aufgabe 7:**

Gegeben sei ein zeitkontinuierliches lineares zeitinvariantes System mit der Eingangsgröße  $u$ , der Ausgangsgröße  $y$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$ :

$$\begin{aligned}\frac{d\mathbf{x}}{dt} &= \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -3 & 3 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u \\ y &= [1 \ 0] \mathbf{x}.\end{aligned}$$

- Ermitteln Sie den zeitlichen Verlauf der Ausgangsgröße  $y(t)$  für  $u(t) = 0$  und  $\mathbf{x}(0) = [0 \ 1]^T$ .

**Aufgabe 8:**

Gegeben sei das folgende nichtlineare System mit der Eingangsgröße  $u$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x} = [x_1 \ x_2 \ x_3]^T$ :

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \begin{bmatrix} x_1 x_2 \\ 4 - x_1 \\ x_3 x_2^4 + x_3^2 + u x_1 \end{bmatrix}.$$

- Ermitteln Sie *alle* Ruhelagen des Systems für die konstante Eingangsgröße  $u = u_R = -1$ , sowie die dazugehörigen um die Ruhelagen linearisierten Zustandsmodelle

$$\frac{d\Delta\mathbf{x}}{dt} = \mathbf{A}\Delta\mathbf{x} + \mathbf{b}\Delta u$$

mit  $\Delta\mathbf{x} = \mathbf{x} - \mathbf{x}_R$  und  $\Delta u = u - u_R$ .



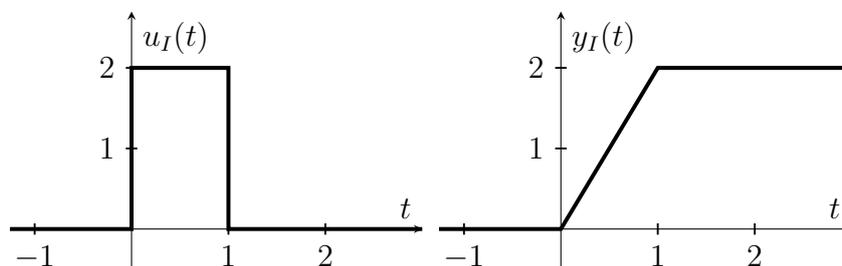
**Aufgabe 1:**

Geben Sie die *Definitionen* folgender Eigenschaften eines linearen zeitkontinuierlichen Systems mit der Eingangsgröße  $u$ , der Ausgangsgröße  $y$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$  an:

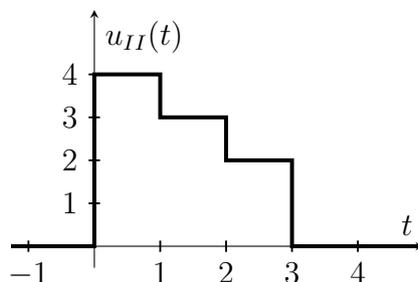
- asymptotische Stabilität;
- BIBO-Stabilität.

**Aufgabe 2:**

Es wird ein zeitkontinuierliches System mit der Eingangsgröße  $u$  und der Ausgangsgröße  $y$  betrachtet. Im Rahmen eines Experimentes wurde für die im Folgenden dargestellte Zeitfunktion  $u_I(t)$  der nebenstehend abgebildete Ausgangsgrößenverlauf  $y_I(t)$  erhalten.



In einem zweiten Experiment soll nun die folgende Zeitfunktion als Eingangsgröße dienen:



Wie muss die Ausgangsgröße  $y_{II}(t)$  des Systems im zweiten Experiment für den Fall aussehen, dass es sich um ein *lineares, zeitinvariantes* System handelt.

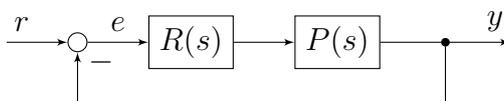
**Aufgabe 3:**

Geben Sie zu den folgenden linearen zeitinvarianten Übertragungsgliedern jeweils die Differentialgleichung und die dazugehörige Sprungantwort  $h(t)$  an:

- Verzögerungsglied erster Ordnung (PT1-Glied)
- Integrator (I-Glied)

**Aufgabe 4:**

Gegeben sei ein Standardregelkreis



mit der Regelstrecke

$$P(s) = \frac{s+1}{s(s+2)}$$

und den gewünschten Führungsübertragungsfunktionen

$$i) \quad T_I(s) = \frac{s^2}{s^2 + 10s + 1}, \quad ii) \quad T_{II}(s) = \frac{1}{s^2 + 2s + 1}, \quad iii) \quad T_{III}(s) = \frac{s}{s^2 + 1}.$$

- Welche dieser drei Führungsübertragungsfunktionen ist implementierbar? (Begründen Sie Ihre Antwort!)
- Ermitteln Sie den Regler  $R(s)$ , der zur implementierbaren Übertragungsfunktion  $T_x(s)$  führt, durch die direkte Reglerberechnung.

**Aufgabe 5:**

Gegeben sei ein zeitkontinuierliches lineares zeitinvariantes System mit der Eingangsgröße  $u$ , der Ausgangsgröße  $y$  und dem Zustandsvektor  $\mathbf{x}$ :

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbf{x}}{dt} &= \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -3 & 3 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u \\ y &= [1 \quad 0] \mathbf{x}. \end{aligned}$$

Ermitteln Sie den zeitlichen Verlauf der Ausgangsgröße  $y(t)$  für  $u(t) = 0$  und  $\mathbf{x}(0) = [0 \quad 1]^T$ .

**Aufgabe 6:**

Ermitteln Sie mit der Methode der Vorwärts-Euler-Integration eine zeitdiskrete Approximation  $R_d(z)$  der Reglerübertragungsfunktion

$$R(s) = \frac{s+6}{s(s+1)}$$

für eine Abtastzeit  $T_d = 1s$ .

- Geben Sie das zugehörige Regelgesetz zur Ermittlung der Stellfolge  $(u_k)$  aus der Regelfehlerfolge  $(e_k)$  in Form einer Differenzgleichung an.

- b) In welchen Bereich der  $z$ -Ebene geht die linke offene  $s$ -Ebene bei Anwendung der Vorwärts-Euler-Integration über?
- c) Ist die ermittelte zeitdiskrete Reglerübertragungsfunktion  $R_d(z)$  BIBO-stabil? (Begründen Sie Ihre Antwort!)

### Aufgabe 7:

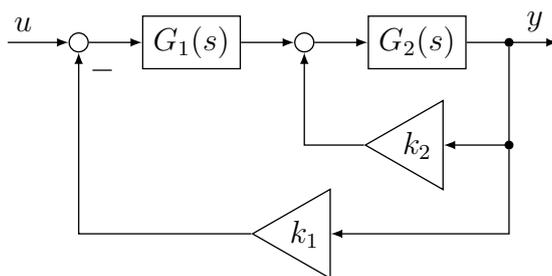
Gegeben sei ein nichtlineares Zustandsmodell zweiter Ordnung mit den Zustandsvariablen  $x_1$  und  $x_2$ :

$$\begin{aligned}\frac{dx_1}{dt} &= 2 - x_2 \\ \frac{dx_2}{dt} &= x_2 x_1^2 - 8\end{aligned}$$

Ermitteln Sie alle Ruhelagen des Systems.

### Aufgabe 8:

Betrachten Sie folgende Zusammenschaltung zweier Übertragungssysteme mit den Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$  und  $G_2(s)$ :



- a) Ermitteln Sie die Übertragungsfunktion  $G(s) := \left. \frac{\bar{y}(s)}{\bar{u}(s)} \right|_{AW=0}$  allgemein in Abhängigkeit der Übertragungsfunktionen  $G_1(s)$ ,  $G_2(s)$ ,  $k_1$  und  $k_2$ .
- b) Zeigen Sie, dass für

$$G_1(s) = \frac{1}{s-1}, \quad G_2(s) = \frac{1}{s+1}$$

die Übertragungsfunktion  $G(s)$  durch

$$G(s) = \frac{1}{s^2 - k_2 s + k_1 + k_2 - 1}$$

gegeben ist. Hierbei sind  $k_1$  und  $k_2$  reelle Parameter.

- c) Bestimmen Sie den größtmöglichen Wertebereich der Parameter  $k_1$  und  $k_2$ , für den die Übertragungsfunktion  $G(s)$  die BIBO-Eigenschaft besitzt.